

ĐÁP ÁN ĐỀ TUYỂN SINH VÀO LỚP 10 THPT

Năm học 2010-2011 tỉnh Hà Nam

Ngày thi 09-07-2010

Câu 1:

Cho biểu thức: $A = \sqrt{18} + (\sqrt{2} - 3)^2 + \frac{2}{\sqrt{2}}$

a) Rút gọn: $A = 3\sqrt{2} + 2 - 6\sqrt{2} + 9 + \sqrt{2} = 11 - 2\sqrt{2}$ (mỗi bước rút gọn đúng cho 0,25đ)

b) Rút gọn $B = A - \frac{1}{2\sqrt{2} - 3}$

$B = 11 - 2\sqrt{2} - \frac{1}{2\sqrt{2} - 3} = 11 - 2\sqrt{2} + 2\sqrt{2} + 3 = 14$ (mỗi bước đúng cho 0,25đ)

Bài 2: Giải phương trình:

a) $x^2 - 8x + 15 = 0$

$\Delta' = b'^2 - ac = 4^2 - 1.15 = 16 - 15 = 1 > 0$

0,25đ

$\sqrt{\Delta'} = 1$

Phương trình có hai nghiệm:

$x_1 = \frac{-b' + \sqrt{\Delta'}}{a} = \frac{-(-4) + 1}{1} = 5; x_2 = \frac{-b' - \sqrt{\Delta'}}{a} = \frac{-(-4) - 1}{1} = 3$

0,50 đ

b) $\frac{2x}{2+x} + \frac{2\sqrt{2}(x+2)+16}{4-x^2} = 3$ ĐK: $x \neq \pm 2$ (1)

$\Rightarrow 2x(2-x) + 2\sqrt{2}(x+2) + 16 = 3(4-x^2)$

$\Leftrightarrow 4x - 2x^2 + 2\sqrt{2}x + 4\sqrt{2} + 16 - 12 + 3x^2 = 0$

$\Leftrightarrow x^2 + 2(\sqrt{2} + 2)x + 4(\sqrt{2} + 1) = 0$ (*) (2)

$\Delta' = (\sqrt{2} + 2)^2 - 4(\sqrt{2} + 1) = 2 + 4\sqrt{2} + 4 - 4\sqrt{2} - 4 = 2 > 0$

$\sqrt{\Delta'} = \sqrt{2}$

Nên phương trình (*) có hai nghiệm:

$x_1 = -\sqrt{2} - 2 - \sqrt{2} = -2 - 2\sqrt{2}; x_2 = -\sqrt{2} - 2 + \sqrt{2} = -2$ (3)

Đối chiếu ta có $x_2 = -2\sqrt{2} - 2$ thoả mãn.

Vậy phương trình đã cho có một nghiệm. $x_2 = 2\sqrt{2} + 2$

Bài 3:

Trên mặt phẳng toạ độ Oxy cho đường thẳng (d): $y = -2x + 3$

a) Hoành độ giao điểm của (d): $y = -2x + 3$ và (Δ): $y = x - 3$ là nghiệm của phương trình:

$-2x + 3 = x - 3 \Leftrightarrow -3x = -6 \Leftrightarrow x = 2$

Suy ra tung độ giao điểm: $y = 2 - 1 = 1$

Vậy toạ độ giao điểm là: (2; 1)

b) Đường thẳng song song với đường thẳng (d) nên hệ số góc $a = -2$

Suy ra có phương trình đường thẳng cần tìm là: $y = -2x + b$

Vì đường thẳng cắt trục Ox tại điểm có hoành độ là: $x = -1$. Nên

$0 = -2(-1) + b \Leftrightarrow b = -2$

Vậy phương trình đường thẳng cần tìm là: $y = -2x - 2$.

Bài 4:

Đặt: $t = x + 1$ Phương trình có dạng:

$$\begin{aligned}(t-2)^4 + (t+2)^4 + 2m &= 0 \\ \Leftrightarrow t^4 - 4t^3 + 6t^2 - 4t + 16 + t^4 + 4t^3 + 6t^2 + 4t + 16 + 2m &= 0 \\ \Leftrightarrow 2t^4 + 12t^2 + 32 + 2m &= 0 \\ \Leftrightarrow t^4 + 6t^2 + 16 + m &= 0(*)\end{aligned}$$

Đặt $y = t^2 (y \geq 0)$ Nên phương trình (*) có dạng

$$y^2 + 6y + 16 + m = 0(**)$$

$$\Delta' = -7 - m$$

Để phương trình đã cho chỉ có hai nghiệm phân biệt thì phương trình (*) có hai nghiệm phân biệt nên phương trình (**) chỉ có một nghiệm dương

$$\Leftrightarrow \begin{cases} -7 - m \geq 0 \\ 16 + m < 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m \leq -7 \\ m < -16 \end{cases} \Leftrightarrow m < -16$$

Không mất tính tổng quát giả sử phương trình (**) có nghiệm $y_1 > 0$

Và phương trình (*) có hai nghiệm phân biệt

$$\begin{cases} t_1 + t_2 = 0 \\ t_1 \cdot t_2 = y_1 (y_1 > 0) \end{cases}$$

$$\frac{2}{(x_1+1)^2} + \frac{2}{(x_2+1)^2} + (x_1+1)^2 + (x_2+1)^2 = 6$$

$$\Rightarrow \frac{2}{t_1^2} + \frac{2}{t_2^2} + t_1^2 + t_2^2 = 6$$

$$\Rightarrow \frac{4}{y_1} + 2y_1 = 6 \Leftrightarrow \frac{2}{y_1} + y_1 = 3$$

$$\Rightarrow y_1^2 - 3y_1 + 2 = 0$$

$$\Leftrightarrow y_1 = 1 \text{ hoặc } y_1 = 2$$

Với $y_1 = 1$ thay vào (**) ta có: $1 + 6 + 16 + m = 0 \Leftrightarrow m = -23$

Với $y_2 = 2$ thay vào (**) ta có: $4 + 12 + 16 + m = 0 \Leftrightarrow m = -32$

Đối chiếu $m = -23$ hoặc $m = -32$ thỏa mãn

Bài 5:

a) $\widehat{DCA} = 90^\circ$ (góc nội tiếp chắn nửa đường tròn) nên $DC \perp CA$

b) Vì $\begin{cases} DC \perp CA \\ BN \perp CA(gt) \end{cases} \Rightarrow BN \parallel DC$

Tương tự $CP \parallel DB$

Vậy BHCD là hình bình hành

Suy ra: $DC = BH$; $HC = BD$

c) Gọi I là giao điểm của HD và BC ta có I là trung điểm của HD và BC

Nên AI là trung tuyến của ΔAHD và ΔABC

Lại có: $OA = OD$ nên HO là trung tuyến của ΔAHD

Gọi G là giao điểm của AI và HO nên G là trọng tâm của ΔAHD suy ra: $GA = \frac{2}{3} AI$

Nên G là trọng tâm của ΔABC .

d) Ta có: $\widehat{NAE} = \widehat{ABC}$ (hệ quả góc tạo bởi tia tiếp tuyến và dây)

$BE \perp CA$; $CP \perp AB(gt) \Rightarrow \widehat{NAE} + \widehat{BEK} = 90^\circ$; $\widehat{KCB} + \widehat{ABC} = 90^\circ$

Nên $\widehat{KEB} = \widehat{KCB}$ suy ra tứ giác BKEC nội tiếp

